

次の(1), (2)の問いに答えよ.

(1) 図1に示すように, 直径が $d_1 = 40 \text{ cm}$ から $d_2 = 20 \text{ cm}$ へ縮小する水平な円管の中を水が流量 $Q = 0.25 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$ で流れている. 円管にはU字型水銀マンノメータ, 静圧管および全圧管が設置されている. 水の密度を $\rho_w = 1.0 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$, 水銀の密度を $\rho_m = 1.4 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$, 重力加速度を $g = 9.8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ とする. 流れの摩擦損失および表面張力の影響は無視する. 以下の問いに答えよ. ただし, 解答の際の有効数字は2桁とすること.

- (1-1) 直径が d_1 の部分と直径が d_2 の部分の圧力の差 $p_1 - p_2$ を求めよ.
- (1-2) U字型水銀マンノメータの読み h_m を求めよ.
- (1-3) 静圧管と全圧管における水柱の高さの差 h_w を求めよ.

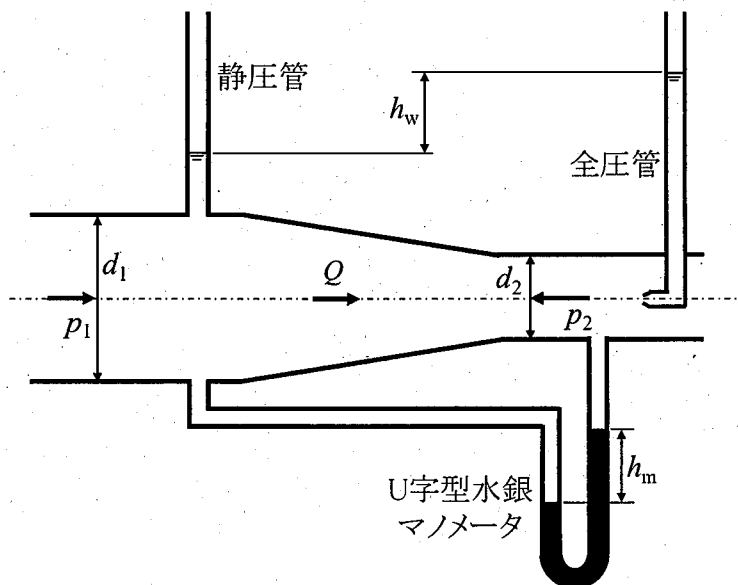


図1

(次ページに続く)

(2) 図2に示すように、平坦な地面に表面が滑らかな半円柱状の突起があり、密度 ρ の流体が矢印の方向に速度 U_∞ の定常状態で流れている。突起から十分離れた上流の圧力は P_∞ である。このとき、以下の問いに答えよ。

(2-1) 流体が理想流体の場合、突起周りの流線を図示せよ。

(2-2) 流体が理想流体の場合、図2に示す角度 θ の点Aにおける流速 U は次式で表される。

$$U = 2U_\infty \sin\theta$$

このときの半円柱状突起表面の圧力係数 C_p の分布を示す式を角度 θ の関数として求めよ。ただし、圧力係数 C_p は次式で与えられ、 P は角度 θ の点Aにおける圧力である。

$$C_p = \frac{P - P_\infty}{\frac{\rho}{2} U_\infty^2}$$

(2-3) 流体が粘性流体であり、流れ場のレイノルズ数が小さい場合 (1.1×10^5 程度) と大きい場合 (6.7×10^5 程度) のそれぞれについて、突起周りの流線を図示せよ。また、2つの流線の違いについて説明せよ。

(2-4) 流体が粘性流体であり、流れ場のレイノルズ数が小さい場合 (1.1×10^5 程度) と大きい場合 (6.7×10^5 程度) において、突起が流体から受ける力の違いを100字程度で説明せよ。

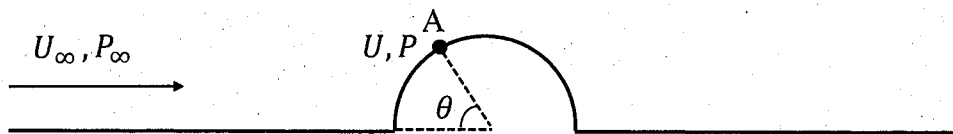


図2